

الكيمياء

الجزء الأول

- 1- معالجة حمض الإيثانويك:



- اعتماداً على مطراف الدالة المشتقه نحدد الحجم . $V_{BE} = 20mL$ -1-2-1 -1-2

$$m = C_A \cdot V \cdot M_{(CH_3COOH)} = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} \cdot V \cdot M_{(CH_3COOH)} = 1,2g : (S_A) \text{ الكتلة } m \text{ لتحضير المحلول } (S_A) \text{ المول} \quad -1-2-2$$

- 3- تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء تفاعل محدود:

نحدد نسبة التقدم النهائي اعتماداً على الجدول الوصفي :

						المعادلة الكيميائية
						حالات المجموعة تقدم التفاعل
						كمية مادة (mol)
$n_i = C \cdot V$	وغير	0	0	$x = 0$		البنية
$n_i - x$	وغير	x	x	x		مرحلة
$n_i - x_f$	وغير	x_f	x_f	x_f		نهائية

- حسب المنحنى ، لدينا عند $V_B = 0mL$ يتوفر محلول حمض الإيثانويك مع الماء على $pH = 3,2$.

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{[H_3O^+_{(aq)}]}{C_A} = \frac{10^{-pH}}{C_A} = 3,1\% \quad (I) \quad -$$

نستنتج أن تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء تفاعل محدود .

- 4- إثبات العلاقة التالية: $V_B \cdot 10^{-pH} = K_A \cdot (V_{BE} - V_B)$

علماً أن تفاعل المعالجة كلي وحسب جدول التقدم المتفاعله المحد هو (

$$[CH_3COO^-]_f = \frac{x_m}{(V_A + V_B)} = \frac{C_B \cdot V_B}{(V_A + V_B)} \quad \text{و} \quad K_A = \frac{[H_3O^+]_f [CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}$$

$$[CH_3COOH]_f = \frac{C_A \cdot V_A - x_m}{(V_A + V_B)} = \frac{C_A \cdot V_A - C_B \cdot V_B}{(V_A + V_B)} \quad \text{و}$$

$$K_A = \frac{[H_3O^+]_f C_B \cdot V_B}{C_B \cdot V_{BE} - C_B \cdot V_B} \quad \text{و حسب علاقه التكافُف نجد} \quad K_A = \frac{[H_3O^+]_f C_B \cdot V_B}{C_A \cdot V_A - C_B \cdot V_B} \quad \text{و منه}$$

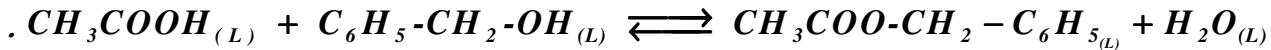
$$V_B \cdot 10^{-pH} = K_A \cdot (V_{BE} - V_B) \quad \text{نحصل على العلاقة :}$$

نأخذ حجماً ما V_B قبل التكافُف V_{BE} مثل $V_B = 12mL$ V_B توافقه مبيانيا $pH = 5$ نستنتج قيمة الثابتة :

$$pK_{A(CH_3COOH/CH_3COO^-)} = 4,8$$

- 2- تصنيع الاستر:

- 2-1 معالجة تفاعل الأسترة :



-2-2 المردود r_1

$$n_i(al) = n_i(ac) = \frac{m_{al}}{M_{al}} = \frac{m_{ac}}{M_{ac}} = 0,1 mol \quad \text{لتحدد كمية مادة كل متفاعلة على حدة :}$$

$$n(ester) = x_f = \frac{m_{ester}}{M_{ester}} = 0,065 mol \quad \text{كمية مادة الإستر الناتج :}$$

$$مردود التفاعل : x_f = \frac{n_{(ester)f}}{n_{(ester)max}} = 0,65 = 65\% \quad \text{مردود التفاعل :}$$

3-2-2 المردود r_2 : لا تتعلق ثابتة التوازن K بالحالة البدنية للتفاعل ، لتحدد قيمتها حسب النتائج السابقة

$$K = \frac{[ester]_f [H_2O]_f}{[al]_f [ac]_f} = \left(\frac{x_f}{0,1 - x_f} \right)^2 = 3,45$$

$$K = \frac{[ester]_f [H_2O]_f}{[al]_f [ac]_f} = \frac{(x'_f)^2}{(0,1 - x'_f)(0,2 - x'_f)} = 3,45 \quad \text{لتحدد التقدم النهائي للتفاعل الجديد :}$$

نحصل على معادلة من الدرجة الثانية $0 = 2,45x'^2 + 1,035x'_f + 0,069$

حلها: $x'_f = 0,083$ و بالتالي المردود الجديد r_2 هو

2-3 مقارنة واستنتاج: $r_2 > r_1$ ، فعد رفع كمية مادة أحد المتفاعلين يزيد مردود التفاعل .

الجزء الثاني

1- الجواب الصحيح هو (د)

2- تعبير التاريχ t_e : لدينا حسب جدول تقدم التفاعل ، تعبير ثابتة التوازن $\frac{[Co^{2+}]_{eq}}{[Ni^{2+}]_{eq}} = \left(\frac{C_2 \cdot V + x_f}{C_1 \cdot V - x_f} \right)$

$$\text{ومنه } x_f = \frac{I \cdot t_e}{2 \cdot F} \quad \text{و من جهة أخرى لدينا العلاقة : } x_f = \frac{K \cdot C_1 \cdot V - C_2 \cdot V}{K + 1} \quad \text{نستنتج تعبير التاريχ t_e التالي :}$$

$$t_e = \frac{2 \cdot F \cdot V}{I} \cdot \left(\frac{K \cdot (C_1 - C_2)}{K + 1} \right) = 5160 s$$

3- تغير كتلة إلكترونات النيكل : تزداد كمية مادة النيكل بالمقدار $\Delta n(Ni) = x_f M_{(Ni)}$ و بالتالي تزداد كتلته بالقيمة

$$\Delta m(Ni) = \Delta n(Ni) \cdot M_{(Ni)} = x_f \cdot M_{(Ni)} = \left(\frac{I \cdot t_e}{2 \cdot F} \right) \cdot M_{(Ni)} = 0,157 g$$



التحولات النووية:

-1

1-1 المعادلة (A) تمثل تفاعل إنذماج نووي .

$$E_l \left({}^{235}_{92} U \right) = 221625 - 219835 = 1790 MeV \quad \text{1-2-1 - طاقة الربط لنواة الأورانيوم 235}$$

$$E_l \left({}^{235}_{92} U \right) = \frac{E_l \left({}^{235}_{92} U \right)}{92} = 7,91 MeV / nucléon \quad \text{طاقة الربط بالنسبة لنواة لنوء الأورانيوم 235:}$$

$$|\Delta E_0| = |219655 - 219835| = 180 MeV \quad \text{1-2-2 - الطاقة } |\Delta E_0| \text{ الناتجة عن التفاعل (D) هي :}$$

الطاقة ΔE الناتجة عن التحول النووي في الشمس :

$$\cdot |\Delta E| = |\Delta m| \cdot C^2 = \left| (2.m(e) + m(\frac{4}{2}He) - 4.m(\frac{1}{1}H)) \right| \cdot C^2 \approx 4 \cdot 10^{-12} J$$

2-2- عدد السنوات لاستهلاك كل الهيدروجين في الشمس :

لنحدد الطاقة الكلية الناتجة عن اندماج الهيدروجين في الشمس:
 $E_{tot} = N \cdot |\Delta E| = \left(\frac{(10\%) \cdot m_s}{4 \cdot m(\frac{1}{1}H)} \right) \cdot |\Delta E| = 10^{44} J$
 المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك كل الهيدروجين في الشمس هي:
 $\Delta t = \frac{E_{tot}}{E_s} = 10^{10} ans$

الكهرباء

1- دراسة ثانى القطب :

1-1- المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_{R_1}

$$E = u_{R_1} + u_L = R_1 \cdot i + r \cdot i + L \frac{di}{dt} = (R_1 + r) \cdot i + L \frac{di}{dt} : \text{حسب قانون إضافية التوترات}$$

$$\boxed{\cdot R_1 \cdot E = L \cdot \frac{du_{R_1}}{dt} + (R_1 + r) \cdot u_{R_1}} \quad \text{ومنه}$$

1-2- تحديد قيمة r :

$$\cdot L \cdot \frac{du_{R_1}}{dt} = 0 \quad \text{و} \quad u_{R_1} = u_{R_1(max)} = 10,4V \quad \text{في النظام الدائم}$$

$$r = R_1 \cdot \left(\frac{E}{u_{R_1(max)}} - 1 \right) = 8 \Omega \quad \text{ومنه :}$$

3- التحقق من قيمة L

$$\cdot \left(\frac{du_{R_1}}{dt} \right)_{(t=0)} = \frac{R_1 \cdot E}{L} \quad : t=0 \quad \text{حسب المعادلة التفاضلية لدينا عند أصل التواريخ}$$

$$\text{قيمة المعامل الموجي لعمام المنحنى عند } t=0 \quad \left(\frac{du_{R_1}}{dt} \right)_{(t=0)} \quad \text{حيث يمثل المقدار}$$

$$L = \frac{R_1 \cdot E}{\left(\frac{du_{R_1}}{dt} \right)_{(t=0)}} = 0,6 H \quad \text{نستنتج :}$$

2- دراسة ثانى القطب RC و RC

2-1- دراسة ثانى القطب RC

$$u_{AB}(t=0) = u_{R_0}(0) + u_C(0) = R_0 \cdot I_0 \quad \text{حسب قانون إضافية التوترات :} \quad R_0 \quad \text{قيمة :}$$

$$R_0 = \frac{u_{AB}(t=0)}{I_0} = 5 \cdot 10^5 \Omega$$

٢-١-٢-قيمة السعة : C

حسب قانون إضافية التوترات

$$u_{AB}(t) = R_0 \cdot I_0 + u_C(t)$$

و حسب المنهج لدينا :

$$\left(\frac{du_{AB}(t)}{dt} \right) = \left(\frac{du_C(t)}{dt} \right) = \frac{I_0}{C}$$

. $C = 10 \mu F$ نستنتج قيمة سعة المكثف :

$$\left(\frac{du_C(t)}{dt} \right) = \frac{I_0}{C} = 0,4 \text{ (V / s)}$$

٢-٢-دراسة ثانية لـ RLC

٢-٢-المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q للمكثف:

$$u_L + u_R + u_C = r \cdot i + L \frac{di}{dt} + R \cdot i + \frac{q(t)}{C} = 0$$

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + (R + r) \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q(t)}{C} = 0 \quad \text{و منه}$$

٢-٢-التعبير عن $\frac{dE_t}{dt}$

نعبر عن الطاقة الكهربائية الكلية للدارة :

$$\frac{dE_t}{dt} = \frac{1}{2 \cdot C} \cdot q_{(t)}^2 + \frac{1}{2} L \cdot i_{(t)}^2 \quad \text{باشتراك العلاقة نجد :}$$

$$(1) \quad \frac{dE_t}{dt} = i(t) \left(\frac{q(t)}{C} + L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} \right)$$

$$(2) \quad L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{q(t)}{C} = - (R + r) \cdot \frac{dq}{dt} \quad \text{و حسب المعادلة التفاضلية السابقة نجد أن :}$$

$$\frac{dE_t}{dt} = - (R + r) \cdot i_{(t)}^2 \quad \text{نستنتج من المعادلتين (1) و (2) :}$$

٣-التعبير عن U_0

حسب قانون إضافية التوترات و عند أصل التواريخ $t = 0$ حيث $i(t=0) = 0$

$$u_L(0) + u_R(0) + u_C(0) = L \left(\frac{di}{dt} \right)_{t=0} + U_0 = 0$$

$$, \quad U_0 = - L \left(\frac{di}{dt} \right)_{(t=0)} = - \frac{L}{R} \left(\frac{du_R}{dt} \right)_{(t=0)} \quad \text{نستنتج :}$$

$$\text{حيث يمثل المقدار } \left(\frac{du_R}{dt} \right)_{(t=0)} = -800 \text{ V / s} \quad \text{قيمة المعامل الموجي لمسار المنهج عند } t=0$$

$$U_0 = - L \left(\frac{di}{dt} \right)_{(t=0)} = 12V \quad \text{و منه}$$

2-2- تحديد الطاقة بين اللحظتين $|E_j|$: t_1 و $t = 0$

$$E_t(t=0) = \frac{1}{2}C \cdot U_0^2 + \underbrace{\frac{1}{2}L \cdot i_{(t)}^2}_{i=0} = \frac{1}{2}C \cdot U_0^2 : t=0$$

$$E_t(t_1) = \frac{1}{2}C \cdot u_{C(t_1)}^2 + \frac{1}{2}L \cdot i_{(t_1)}^2 : t_1$$

و حسب قانون إضافية التوترات لدينا $i_{(t_1)} = \frac{u_{R(t_1)}}{R}$: علماً أن :

$$\boxed{u_{C(t_1)} = -L \underbrace{\left(\frac{di}{dt}\right)}_{=0} - r \cdot i(t_1) - u_{R(t_1)} = -r \frac{u_{R(t_1)}}{R} - u_{R(t_1)} = -u_{R(t_1)} \left[\frac{R+r}{R} \right]}$$

مما ينافي

$$E_t(t_1) = \frac{1}{2}C \cdot u_{R(t_1)}^2 \left[\frac{R+r}{R} \right]^2 + \frac{1}{2}L \cdot \frac{u_{R(t_1)}^2}{R^2}$$

$$\boxed{E_t(t_1) = \left(\frac{u_{R(t_1)}}{R} \right)^2 \left[\frac{C \cdot (R+r)^2 + L}{2} \right]} : \text{ومنه :}$$

$$|E_j| = |E_{t_1} - E_{t_0}| = 6,9 \cdot 10^{-4} J \quad \text{الطاقة المبذولة بمحفول جول بين هاتين اللحظتين :}$$

3- تضمين الوسع لإشارة جيبية :

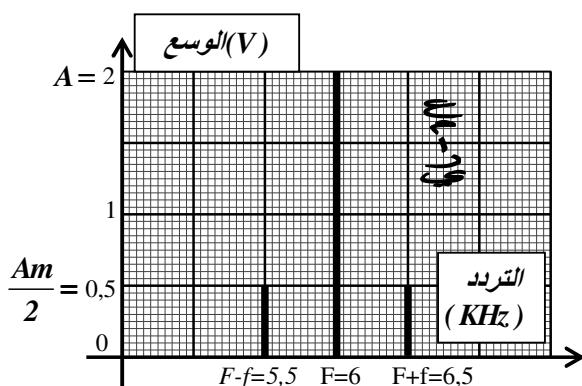
$$u_s(t) = k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t) = k \times [s(t) + U_0] \times p(t) : \underline{u_s} \quad \underline{3-3- تعبير التوتر}$$

$$u_s(t) = k U_0 U_m \left(1 + \frac{S_m}{U_0} \cos(2\pi f_s t) \right) \cos(2\pi F_p t)$$

$$A = k U_m U_0 \quad \text{و} \quad m = \frac{S_m}{U_0} \quad \text{حيث} \quad u_s(t) = A (1 + m \cos(2\pi f_s t)) \cos(2\pi F_p t) \quad \text{على الشكل التالي :}$$

$$u_s(t) = A \cos(2\pi F_p t) + (A m \cos(2\pi f_s t)) \cos(2\pi F_p t)$$

$$u_s(t) = \frac{A \cdot m}{2} \cos(2\pi(F_p - f_s)t) + A \cdot \cos(2\pi F_p t) + \frac{A \cdot m}{2} \cos(2\pi(F_p + f_s)t)$$



لدينا مبياناً : $A = 2 V$ و $\frac{A \cdot m}{2} = 0,5$ و $m = 0,5$ \Rightarrow قيمة f_s و m قيمة 3-2 نستنتج $m = 0,5 \Rightarrow 1$ التضمين جيد.

لدينا مبياناً : $F_p = 6 \text{ KHz}$

$$F_p - f_s = 5,5 \text{ KHz}$$

$$f_s = 0,5 \text{ KHz} \quad \text{نستنتج}$$

$$F_p = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C_{eq}}} \quad \text{شرط الانتقاء} \quad \underline{\underline{C_0}} \quad \underline{\underline{3-قيمة}}$$

$$C_{eq} = \frac{C \cdot C_0}{C + C_0} \quad \text{ولدينا} \quad C_{eq} = 1,16 \text{ nF} \quad \text{و} \quad C_{eq} = \frac{1}{L \cdot (2\pi \cdot F_p)^2}$$

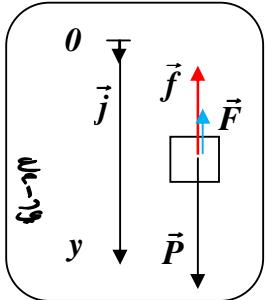
$$C_0 = 11,6 \text{ nF} \quad : \quad C_0 = \frac{C_{eq} \cdot C}{C - C_{eq}} \quad \text{و من}$$

الميكانيك

1- الجزء الأول :

1- المعادلة التفاضلية التي تتحققها السرعة:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في المعلم (O, \vec{k}) حيث يخضع مركز القصور G إلى



$$\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{f} + \vec{F} = m \cdot \frac{d\vec{V}}{dt} \quad \begin{array}{l} \vec{P} \\ \vec{f} \\ \vec{F} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{- تأثير الأرض} \\ \text{- قوة الاحتكاك المائع} \\ \text{- دافعة أرخميدس} \end{array}$$

$$m \cdot g - \lambda \cdot v - \rho_s V_s g = m \cdot \frac{dv}{dt} \quad \text{نسقط العلاقة على المحور } (OZ)$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{\lambda}{\rho_s V_s} \cdot v = g \left(1 - \frac{\rho_s}{\rho_s} \right) \quad \leftarrow \quad g \left(1 - \frac{\rho_s V_s}{m} \right) - \frac{\lambda}{m} \cdot v = \frac{dv}{dt}$$

2- قيمة التسارع البني a_0 لمركز القصور G :

لدينا عند اللحظة $t=0$: $v_0 = 0$ و حسب المعادلة التفاضلية السابقة

$$a_0 = \left(\frac{dv}{dt} \right)_{(t=0)} = g \left(1 - \frac{\rho_s}{\rho_s} \right) = 8,33 \text{ m / s}^2$$

3- قيمة السرعة الحدية v_L لمركز القصور G :

في النظام الدائم تبقى السرعة ثابتة (ينعدم التسارع) و حسب المعادلة التفاضلية السابقة

$$v_L = a_0 \cdot \frac{\rho_s V_s}{\lambda} = 0,67 \text{ m / s} \quad \leftarrow \quad \frac{\lambda}{\rho_s V_s} \cdot v_L = a_0 \quad \leftarrow \quad \frac{dv}{dt} + \frac{\lambda}{\rho_s V_s} \cdot v = g \left(1 - \frac{\rho_s}{\rho_s} \right)$$

4- اعتماد طريقة أولير :

حسب طريقة أولير يمكن كتابة العلاقة التالية في حالة خطوة الحساب صغيرة Δt

$$a_i = \frac{dV}{dt} = a_0 - \frac{\lambda}{\rho_s V_s} \cdot v \quad \Rightarrow \quad a_i = \frac{dV}{dt} = \frac{V_{i+1} - V_i}{\Delta t} \quad \Rightarrow \quad V_{i+1} = V_i + a_i \cdot \Delta t$$

$$v_1 = v_0 + a_0 \cdot \Delta t \Rightarrow v_1 = a_0 \cdot \Delta t$$

$$a_1 = a_0 - \frac{\lambda}{\rho_s V_s} \cdot v_1 \Rightarrow a_1 = a_0 - \frac{v_1}{\tau}$$

$$v_2 = v_1 + a_1 \cdot \Delta t$$

$$v_2 = v_1 + \left(a_0 - \frac{v_1}{\tau} \right) \cdot \Delta t$$

$$v_2 = v_1 + v_1 - \frac{v_1}{\tau} \cdot \Delta t$$

$$\frac{v_2}{v_1} = 2 - \frac{\Delta t}{\tau}$$

تطبيق عددي : $v_2 = v_1 \left(2 - \frac{\Delta t}{\tau} \right) = 0,13 \text{ m/s}$ و $v_1 = a_0 \cdot \Delta t = 0,067 \text{ m/s}$

5- قيمة t_L :

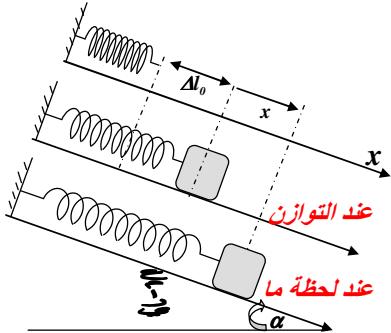
$$v = 0,99 \cdot v_L = v_L \left(1 - e^{-\frac{t_L}{\tau}} \right) \Rightarrow \tau \cdot \ln(100) = 0,37 \text{ s}$$

6- قيمة المسافة d المقطوعة خلال النظام الانتقامي :

المسافة المقطوعة خلال النظام الدائم حيث : D

و منه : $d = H - D - Z_0 = 25 \text{ cm}$

الجزء الثاني : الدراسة الطاقية لمجموعة متذبذبة (جسم صلب- نابض)



1- إطالة النابض Δl_0 عند التوازن :

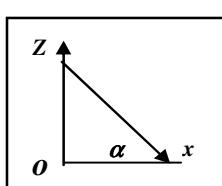
و منه $\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow P_x + R_x + T_x = 0$ حالة توازن :

$$\Delta l_0 = \frac{m \cdot g \cdot \sin \alpha}{K} \quad \text{و وبالتالي}$$

2- 1-2- تعبير طاقة الوضع بدلاة K و x حيث : $E_p = E_{pe} + E_{pp}$

تعبير طاقة الوضع المرنة E_{pe} هو : $E_{pe} = \frac{1}{2} K (\Delta l)^2$

نحدد الثابتة اعتمادا على الحالة المرجعية : $0 = \frac{1}{2} K (\Delta l_0 + 0)^2 + cte_1$ و منه



$$E_{pe} = \frac{1}{2} Kx^2 + K \cdot \Delta l_0 \cdot x \quad \text{نستنتج} \quad E_{pe} = \frac{1}{2} K(\Delta l_0 + x)^2 - \frac{1}{2} K(\Delta l_0)^2$$

تعبير طاقة الوضع الثقالية E_{pp} هو : $E_{pp} = mgz + cte = -mgx \sin \alpha + cte_2$

نحدد الثابتة اعتمادا على الحالة المرجعية : $E_{PP} = 0$ و منه $x = 0$ عندما يكون

$$E_{p_p} = -mgx \sin \alpha \quad \text{نستنتج :}$$

$$E_P = \left(\frac{1}{2} Kx^2 + K \cdot \Delta l_0 \cdot x \right) + (-mgx \sin \alpha)$$

خلاصة : طاقة الوضع الكلية للمتنبب :

$$E_P = E_{Pe} + E_{PP} \quad \text{باعتاد شرط التوازن السابق في السؤال الأول :}$$

$$E_P = \frac{1}{2} Kx^2 \quad \text{نجد : } m \cdot g \cdot \sin \alpha - K \Delta l_0 = 0$$

2-2- المعادلة التفاضلية في حالة الاحتكاكات المهملة اعتمادا على الدراسة الطاقية:

$$E_m = E_C + E_P = cte \Rightarrow \frac{dE_m}{dt} = 0 \Rightarrow \dot{x} + \frac{K}{m} x = 0$$

-2-3

قيمة كل من K و x_m و φ للنابض :

$$\ddot{x} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x \quad \text{من حل المعادلة التفاضلية ، نتوصل للعلاقة التالية :}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{نستنتج بالتطابق مع المعادلة التفاضلية :}$$

- اعتمادا على المنحنى الطaci نجد قيمة T_0 علما أن الدور الخاص يساوي ضعف دور الطاقة :

$$K = 25 \text{ N.m}^{-1} \quad \text{تطبيق عددي : } K = \frac{2\pi m^2}{T_0^2} \quad \text{نستنتج قيمة الصلابة } K \text{ للنابض :}$$

: x_m الوعس

$$x_m = \sqrt{\frac{2 \cdot E_{Pmax}}{K}} \quad \text{لدينا مبيانا قيمة } E_{Pmax} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ J} \quad \text{و نعلم :}$$

$$\text{تطبيق عددي : } x_m = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

: φ الطور عند أصل التواريخ

$$\cos \varphi = \frac{1}{2} : \quad x_0 = \frac{x_m}{2} \quad \text{لدينا مبيانا } t = 0 \text{ ، عند اللحظة } t = 0 \quad \text{نستنتج :}$$

$$E_{P(t=0)} = \frac{E_{Pmax}}{4} \quad \text{لتحدد إشارة } \varphi : \text{ لدينا حسب المعطيات } v_{(t=0)_x} = \dot{x}_{(t=0)} = -\left(x_m \frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot \sin \varphi \quad \text{و منه : } |\varphi| = \frac{\pi}{3}$$

$$\varphi = \frac{\pi}{3} \quad \text{و منه : } v_{(t=0)_x} = \dot{x}_{(t=0)} = -\left(x_m \frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot \sin \varphi$$

2-3-2- تعبير السرعة بدالة V_0 و x_m و K

هناك انحفاظ الطاقة الميكانيكية : $E_m(x = x_0) = E_m(x = x_m)$

$$V_0 = \frac{x_m}{2} \sqrt{\frac{3K}{m}} \quad \text{نستنتج : } x_0 = \frac{x_m}{2} \quad \text{و بما أن } V_0^2 = \frac{K}{m} (x_m^2 - x_0^2) \quad \text{و منه :}$$